

## Préparer l'évaluation

109

$x$	0	1	2	3
$f(x)$	0	1	0	2

**110 a.** 7 et 9 appartiennent à l'intervalle  $[6; 10]$  et la fonction  $g$  est décroissante sur cet intervalle.

$7 \leq 9$  donc  $g(7) \geq g(9)$ .

**b.**  $-4$  et  $0$  appartiennent à l'intervalle  $[-5; 6]$  et la fonction  $g$  est croissante sur cet intervalle.

$-4 \leq 0$  donc  $g(-4) \leq g(0)$ .

**111 a.** Sur l'intervalle  $[-3; -1]$ , le maximum de la fonction  $f$  est 0 et le minimum est  $-2$ .

Ainsi, pour tout réel de l'intervalle  $[-3; -1]$ ,

$-2 \leq f(x) \leq 0$ .

**b.** Sur l'intervalle  $[-2; 2]$ , le maximum de la fonction  $f$  est 2 et le minimum est  $-1$ .

Ainsi, pour tout réel de l'intervalle  $[-2; 2]$ ,

$-1 \leq f(x) \leq 2$ .

**112 a.** Le nombre 3 est compris entre  $f(2)$  et  $f(5)$  et entre  $f(5)$  et  $f(8)$ .

Le nombre 3 possède deux antécédents par  $f$ .

**b.** Sur l'intervalle  $[0; 2]$ , le maximum de la fonction  $f$  est  $-1$  et le minimum est  $-3$ .

Ainsi pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[0; 2]$ ,

$-3 \leq f(x) \leq -1$  et  $f(x) < 0$ .

**c.**  $-3 \leq f(1) \leq -1$  et  $1 \leq f(7) \leq 4$  donc  $f(1) < f(7)$ .

$1 \leq f(6) \leq 4$  et  $f(0) = -1$  donc  $f(6) > f(0)$ .

$6$  et  $7$  appartiennent à l'intervalle  $[5; 8]$  et la fonction  $f$  est décroissante sur cet intervalle.  $6 < 7$  donc  $f(6) > f(7)$ .

$-3 \leq f(3) \leq 4$  donc  $f(3) < 8$ .

**113**  $\frac{f(852) - f(812)}{852 - 812} = -3,$

donc  $f(852) - f(812) = -3 \times 40 = -120$ .

**114**  $\frac{1}{3}x - 7 = 0$  équivaut à  $x = \frac{7}{\frac{1}{3}} = 7 \times \frac{3}{1} = 21$ .

$x$	-2	21	60
$f(x)$	$-\frac{23}{3}$	0	13
Signe de $f(x)$	-	0	+

**115 a.**  $f(-3) = -9$

Pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[-4; -1]$ ,

$$f(x) - f(-3) = 2x^2 + 12x + 9 - (-9) = 2x^2 + 12x + 18$$

$$f(x) - f(-3) = 2(x^2 + 6x + 9) = 2(x+3)^2$$

**b.** Pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[-4; -1]$ ,

$(x+3)^2 \geq 0$  et  $2 > 0$  donc  $f(x) - f(-3) \geq 0$  et

$$f(x) \geq f(-3).$$

La fonction  $f$  admet donc sur l'intervalle  $[-4; -1]$  un minimum égal à  $-9$  atteint en  $x = -3$ .

**116 a.** La fonction cube est croissante sur  $\mathbb{R}$ .

$-2 < x < -1$  donc  $(-2)^3 < x^3 < (-1)^3$  et  $-8 < x^3 < -1$ .

**b.**  $-2, x$  et  $-1$  appartiennent à l'intervalle  $]-\infty; 0[$  et la fonction inverse est décroissante sur cet intervalle.

$-2 < x < -1$  donc  $\frac{1}{-2} > \frac{1}{x} > \frac{1}{-1}$  et  $-1 < \frac{1}{x} < -0,5$ .

**c.**  $-2, x$  et  $-1$  appartiennent à l'intervalle  $]-\infty; 0[$  et la fonction carré est décroissante sur cet intervalle.

$-2 < x < -1$  donc  $(-2)^2 > x^2 > (-1)^2$  et  $1 < x^2 < 4$ .

**d.**  $1, x^2$  et  $4$  appartiennent à l'intervalle  $[0; +\infty[$  et la fonction racine carrée est croissante sur cet intervalle.

$1 < x^2 < 4$  donc  $\sqrt{1} < \sqrt{x^2} < \sqrt{4}$  et  $1 < \sqrt{x^2} < 2$ .