

Préparer l'évaluation

109

x	0	1	2	3
$f(x)$	0	1	0	2

110 a. 7 et 9 appartiennent à l'intervalle $[6; 10]$ et la fonction g est décroissante sur cet intervalle.

$7 \leq 9$ donc $g(7) \geq g(9)$.

b. -4 et 0 appartiennent à l'intervalle $[-5; 6]$ et la fonction g est croissante sur cet intervalle.

$-4 \leq 0$ donc $g(-4) \leq g(0)$.

111 a. Sur l'intervalle $[-3; -1]$, le maximum de la fonction f est 0 et le minimum est -2 .

Ainsi, pour tout réel de l'intervalle $[-3; -1]$,

$-2 \leq f(x) \leq 0$.

b. Sur l'intervalle $[-2; 2]$, le maximum de la fonction f est 2 et le minimum est -1 .

Ainsi, pour tout réel de l'intervalle $[-2; 2]$,

$-1 \leq f(x) \leq 2$.

112 a. Le nombre 3 est compris entre $f(2)$ et $f(5)$ et entre $f(5)$ et $f(8)$.

Le nombre 3 possède deux antécédents par f .

b. Sur l'intervalle $[0; 2]$, le maximum de la fonction f est -1 et le minimum est -3 .

Ainsi pour tout réel x de l'intervalle $[0; 2]$,

$-3 \leq f(x) \leq -1$ et $f(x) < 0$.

c. $-3 \leq f(1) \leq -1$ et $1 \leq f(7) \leq 4$ donc $f(1) < f(7)$.

$1 \leq f(6) \leq 4$ et $f(0) = -1$ donc $f(6) > f(0)$.

6 et 7 appartiennent à l'intervalle $[5; 8]$ et la fonction f est décroissante sur cet intervalle. $6 < 7$ donc $f(6) > f(7)$.

$-3 \leq f(3) \leq 4$ donc $f(3) < 8$.

113
$$\frac{f(852) - f(812)}{852 - 812} = -3,$$

donc $f(852) - f(812) = -3 \times 40 = -120$.

114
$$\frac{1}{3}x - 7 = 0 \text{ équivaut à } x = \frac{7}{\frac{1}{3}} = 7 \times \frac{3}{1} = 21.$$

x	-2	21	60
$f(x)$	$-\frac{23}{3}$	0	13
Signe de $f(x)$	-	0	+

115 a. $f(-3) = -9$

Pour tout réel x de l'intervalle $[-4; -1]$,

$$f(x) - f(-3) = 2x^2 + 12x + 9 - (-9) = 2x^2 + 12x + 18$$

$$f(x) - f(-3) = 2(x^2 + 6x + 9) = 2(x+3)^2$$

b. Pour tout réel x de l'intervalle $[-4; -1]$,

$(x+3)^2 \geq 0$ et $2 > 0$ donc $f(x) - f(-3) \geq 0$ et

$f(x) \geq f(-3)$.

La fonction f admet donc sur l'intervalle $[-4; -1]$ un minimum égal à -9 atteint en $x = -3$.

116 a. La fonction cube est croissante sur \mathbb{R} .

$-2 < x < -1$ donc $(-2)^3 < x^3 < (-1)^3$ et $-8 < x^3 < -1$.

b. $-2, x$ et -1 appartiennent à l'intervalle $]-\infty; 0[$ et la fonction inverse est décroissante sur cet intervalle.

$-2 < x < -1$ donc $\frac{1}{-2} > \frac{1}{x} > \frac{1}{-1}$ et $-1 < \frac{1}{x} < -0,5$.

c. $-2, x$ et -1 appartiennent à l'intervalle $]-\infty; 0[$ et la fonction carré est décroissante sur cet intervalle.

$-2 < x < -1$ donc $(-2)^2 > x^2 > (-1)^2$ et $1 < x^2 < 4$.

d. $1, x^2$ et 4 appartiennent à l'intervalle $[0; +\infty[$ et la fonction racine carrée est croissante sur cet intervalle.

$1 < x^2 < 4$ donc $\sqrt{1} < \sqrt{x^2} < \sqrt{4}$ et $1 < \sqrt{x^2} < 2$.